

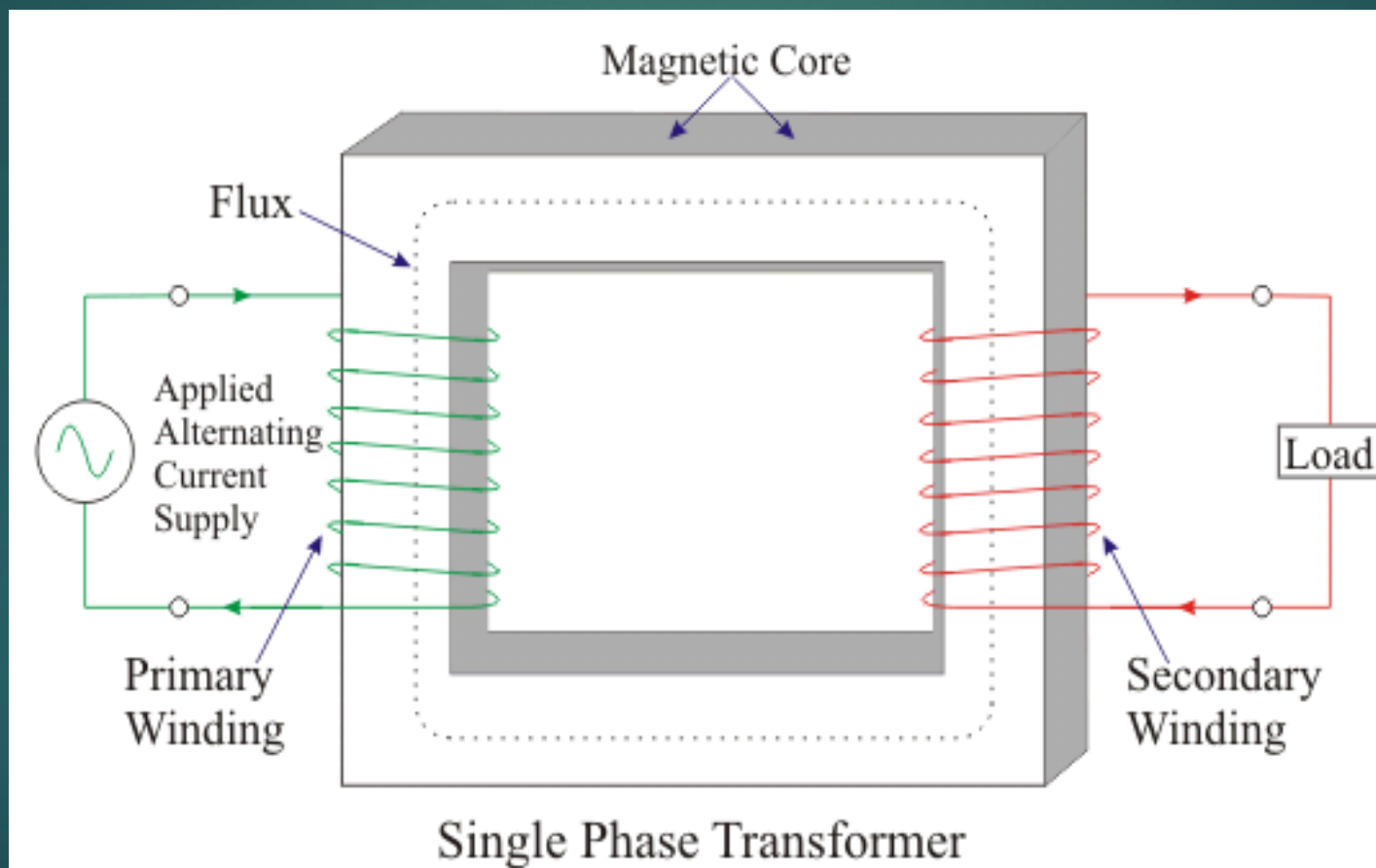
# درس: ماشینهای الکتریکی فصل: ترانسفورماتورها قسمت دوم

ارائه دهنده: علی بوبه رز

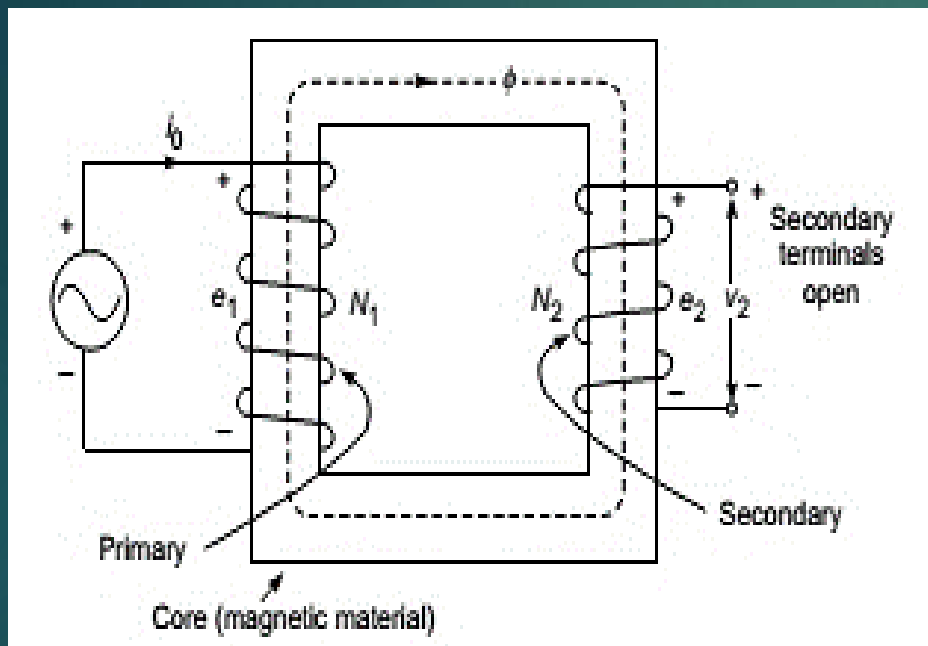
[ALIBOOBEHREJ@GMAIL.COM](mailto:ALIBOOBEHREJ@GMAIL.COM)

[ALIBOUBEHREZH.BLOGFA.COM](http://ALIBOUBEHREZH.BLOGFA.COM)

# ساختار یک ترانسفورماتور ساده

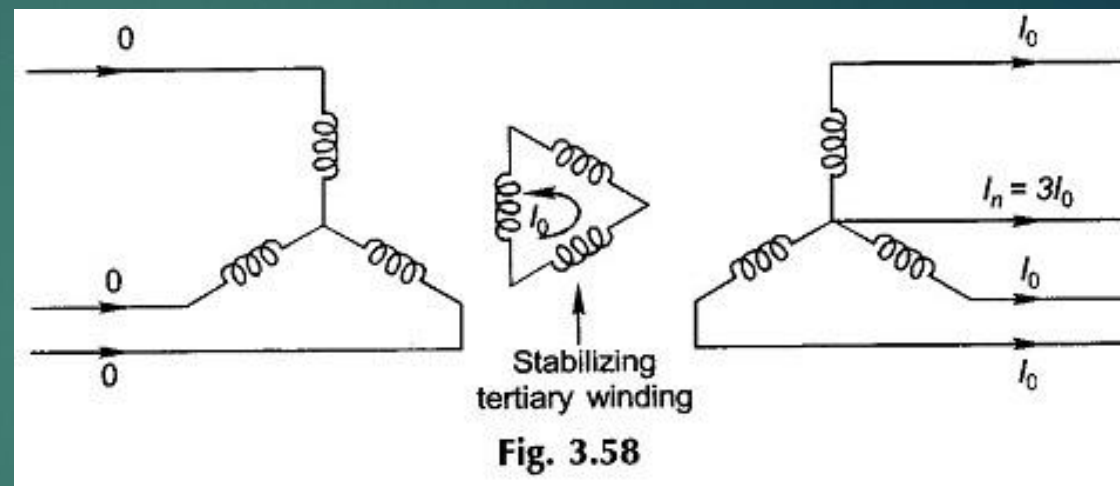
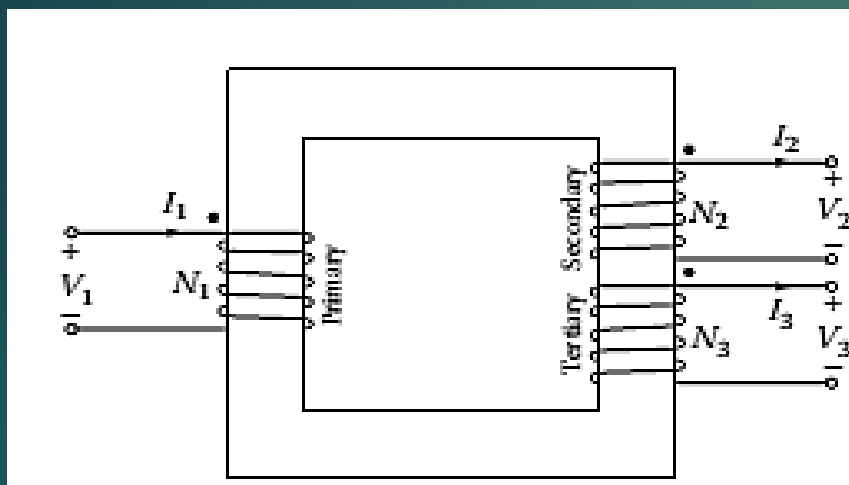


# روابط اساسی ترانسفورماتور ایده آل



$$\frac{E_1}{E_2} = \frac{V_1}{V_2} = \frac{I_2}{I_1} = \frac{N_1}{N_2} = a$$

# ترانسفورماتورهای سه سیم پیچه و کاربرد



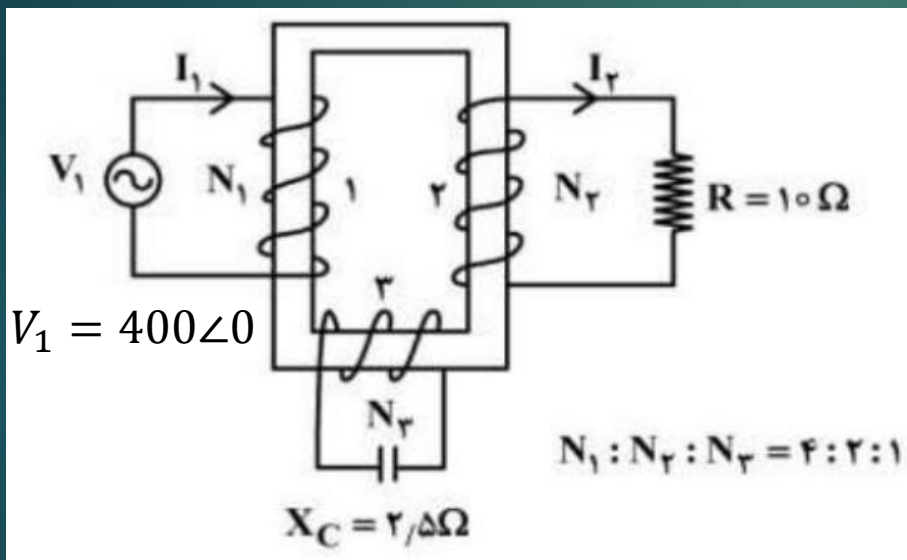
برای حل مسائل ترانسهای سه سیم پیچه سه راه وجود دارد:

(۱) در مثالهایی که نسبت تبدیل داده نمی شود، از روش محاسبه توان ظاهری یا مختلط استفاده می گردد.

(۲) در مثالهایی که نسبت تبدیل داده می شود از روش جمع آثار استفاده می شود.

(۳) در مثالهای با چند ساق با توجه به عرض ساق و شار گذرنده از ساق مسئله را حل می نماییم.

جریان ورودی I1 بر حسب آمپر کدام است؟



$$\begin{cases} \frac{V_1}{V_2} = \frac{N_1}{N_2} \Rightarrow \frac{400}{V_2} = \frac{4}{2} \Rightarrow V_2 = 200v \\ \frac{V_1}{V_3} = \frac{N_1}{N_3} \Rightarrow \frac{400}{V_3} = \frac{4}{1} \Rightarrow V_3 = 100v \end{cases}$$

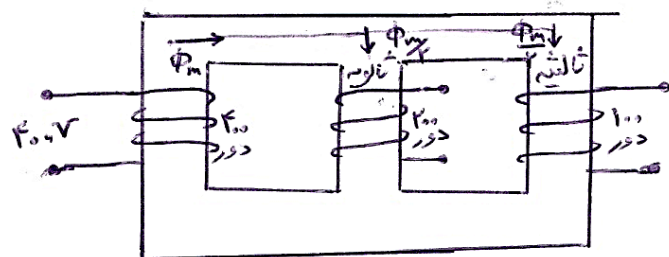
$$\begin{cases} I_2 = \frac{V_2}{R} = \frac{200}{10} = 20(A) \\ I_3 = \frac{V_3}{-jX_c} = \frac{100}{-j2.5} = j40(A) \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{I_2}{I_1} = \frac{N_1}{N_2} \Rightarrow \frac{20}{I_1} = \frac{4}{2} \Rightarrow I_1 = 10(A) \\ \frac{I_3}{I_1} = \frac{N_1}{N_3} \Rightarrow \frac{j40}{I_1} = \frac{4}{1} \Rightarrow I_1 = j10(A) \end{cases} \Rightarrow I_{total} = 10 + j10(A)$$

جمع آثار

# ترانسفورماتورهای سه سیم پیچه و کاربرد

مثال: در ترانس اینده آل زیر ولتاژ خروجی در سیم پیچه های ۲ و ۳ چقدر است ؟

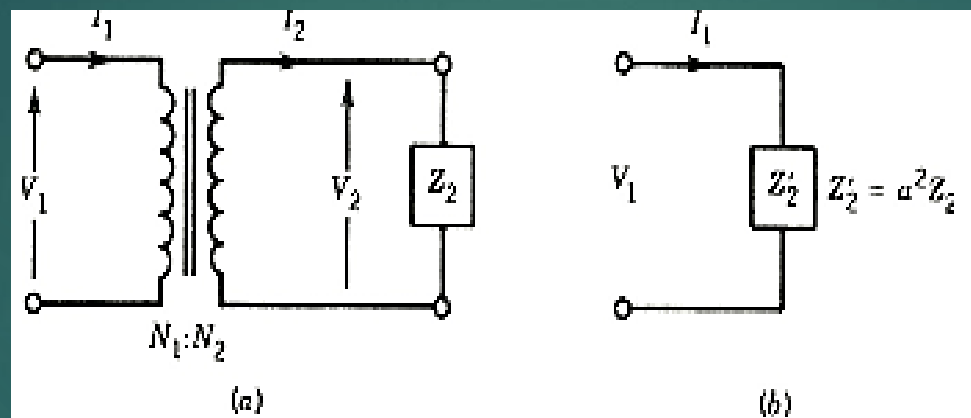


چون شار عبوری از ساق های ۲ و ۳ نصف شار عبوری از ساق اول است طبق رابطه  $E = 4.44 N \Phi_m$  پس:

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{N_1}{\frac{1}{2}N_2} \Rightarrow \frac{400}{V_2} = \frac{400}{\frac{1}{2} \times 200} = \frac{400}{100} \Rightarrow V_2 = \frac{400}{4} = \boxed{100V}$$

$$\frac{V_1}{V_3} = \frac{N_1}{\frac{1}{2}N_3} \Rightarrow \frac{400}{V_3} = \frac{400}{\frac{1}{2} \times 100} = \frac{400}{50} \Rightarrow V_3 = \frac{400}{8} = \boxed{50V}$$

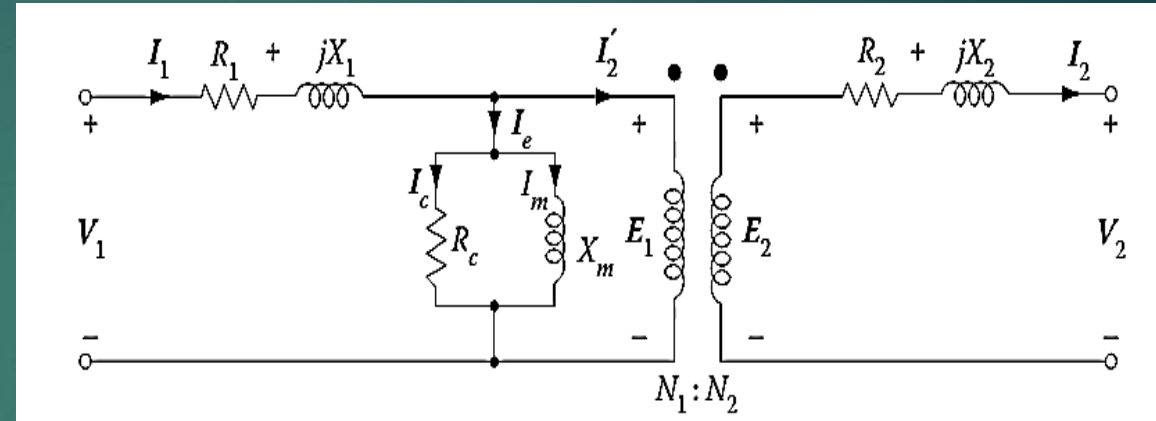
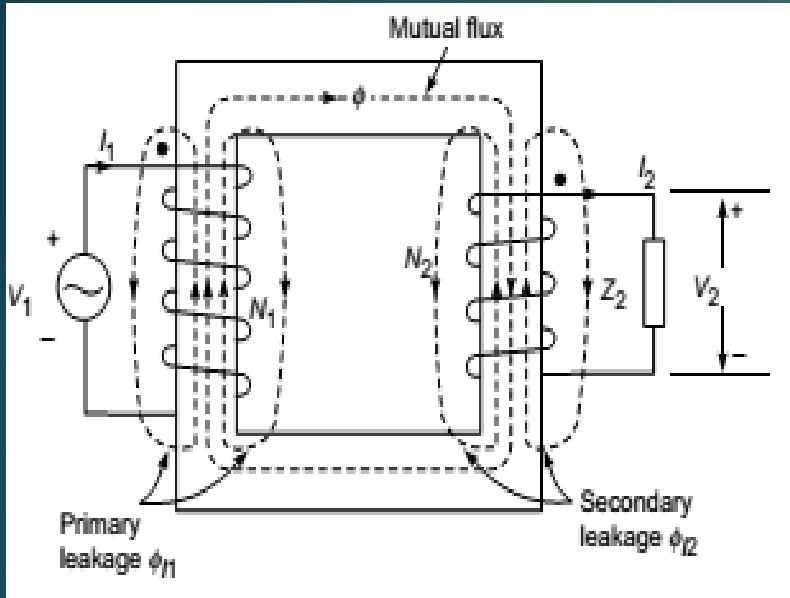
# انتقال امپدانس



$$Z_1 = \frac{V_1}{I_1} = \frac{aV_2}{I_2/a} = a^2 \frac{V_2}{I_2} = a^2 Z_2 \Rightarrow \frac{Z_1}{Z_2} = a^2$$

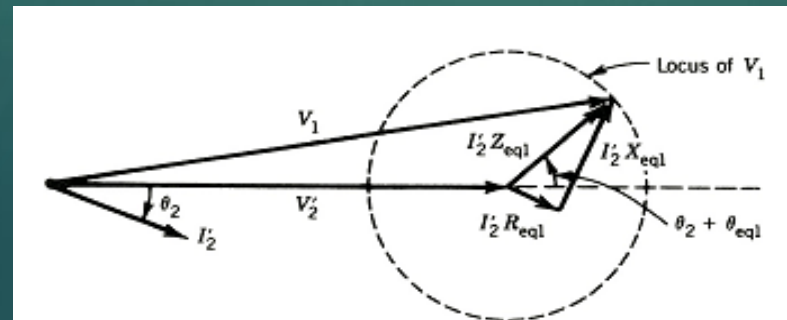
$\left[ \begin{array}{l} \frac{R_1}{R_2} = a^2 \\ \frac{L_1}{L_2} = a^2 \\ \frac{C_2}{C_1} = a^2 \end{array} \right.$

# ترانسفورماتور واقعی



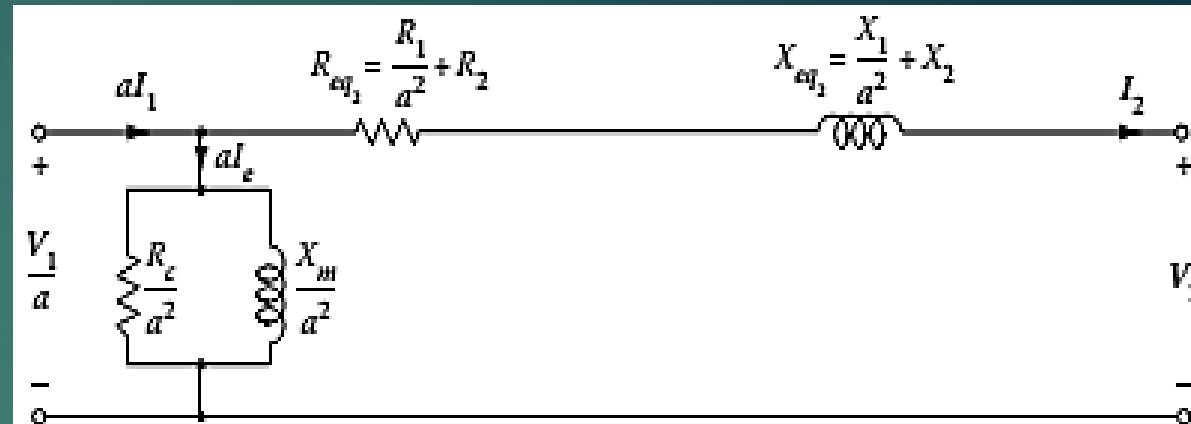
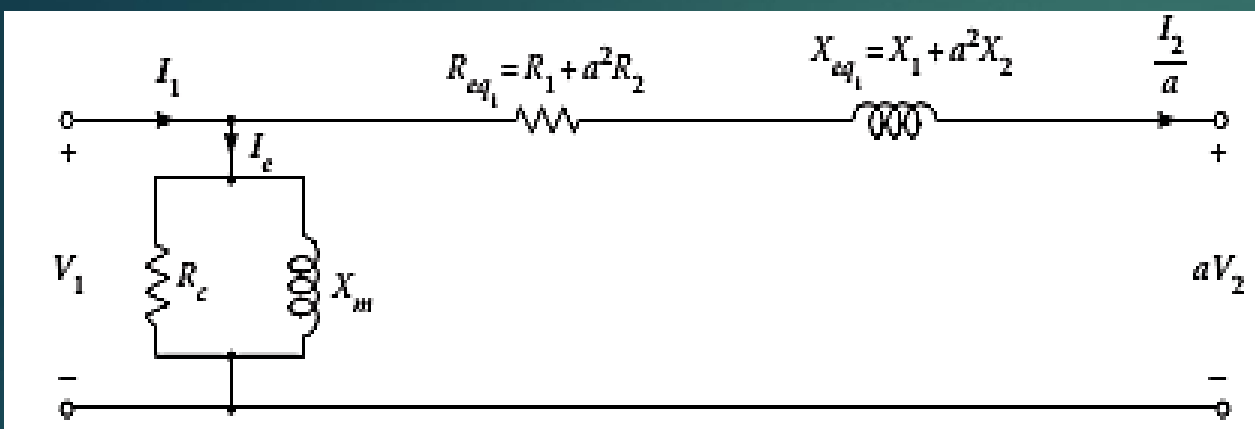
$R_1$  مقاومت اهمی سیم پیچ اولیه که تلفات مسی ایجاد می کند،  
 $X_1$  راکتانس پراکندگی سیم پیچ اولیه،  
 $R_c$  مقاومت اهمی مدل کننده تلفات هسته (هیستریزیس و فوکو) ،  
 $X_m$  راکتانس مغناطیس کننده هسته،  
 $R_2$  مقاومت اهمی سیم پیچ ثانویه  
 $X_2$  و راکتانس پراکندگی سیم پیچ ثانویه است.

$$\begin{cases} \vec{V}_1 = R_1 \vec{I}_1 + jX_1 \vec{I}_1 + \vec{E}_1 \\ \vec{E}_2 = \vec{V}_2 + R_2 \vec{I}_2 + jX_2 \vec{I}_2 \end{cases}$$



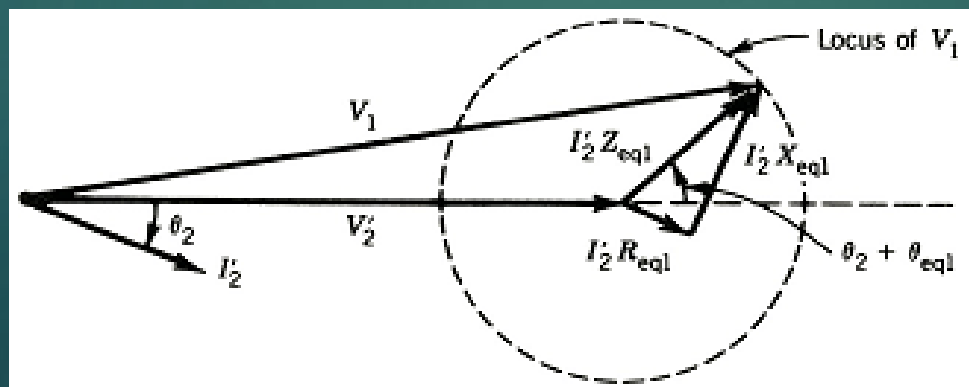


# ترانسفورماتور واقعی (مدار معادل ۹۸٪)



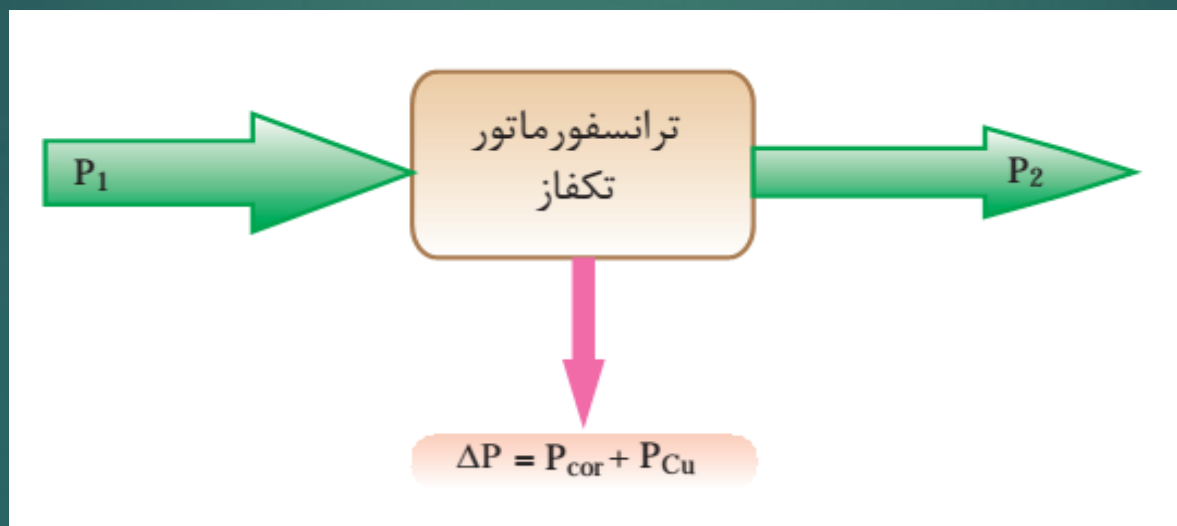
$$\begin{cases} \vec{V}_1 = R_{eq1}\vec{I}_1 + jX_{eq1}\vec{I}_1 + \vec{E}_1 \\ \vec{E}_2 = \frac{\vec{E}_1}{a} = \vec{V}_2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \vec{E}_2 = \vec{V}_2 + R_{eq2}\vec{I}_2 + jX_{eq2}\vec{I}_2 \\ \vec{E}_1 = a\vec{E}_2 = \vec{V}_1 \end{cases}$$



# محاسبه راندمان

نسبت توان خروجی به توان ورودی را بازده یا راندمان می گویند.



$$\eta = \frac{P_2}{P_1} = \frac{P_2}{P_2 + \Delta P} = \frac{P_2}{P_2 + P_{Fe} + P_{cu}}$$

# ضریب بار

نسبت توان ظاهری مصرف کننده به توان ظاهری نامی در ولتاژ ثابت را ضریب بار ( $k$ ) می گویند.

$$k = \frac{S}{S_n} = \frac{I}{I_n}$$

$$P_2 = V_2 I_2 \cos \phi = V_2 k I_{2n} \cos \phi = k S_n \cos \phi$$

$$P_{cu} = R_{eq2} I_2^2 = R_{eq2} (k I_{2n})^2 = k^2 R_{eq2} I_{2n}^2 = k^2 P_{cun}$$

در نتیجه می توان فرمول محاسبه راندمان را به صورت زیر باز نویسی نمود:

$$\eta = \frac{P_2}{P_1} = \frac{k S_n \cos \phi}{k S_n \cos \phi + k^2 P_{cun} + P_{Fe}}$$

# راندمان ماکزیمم

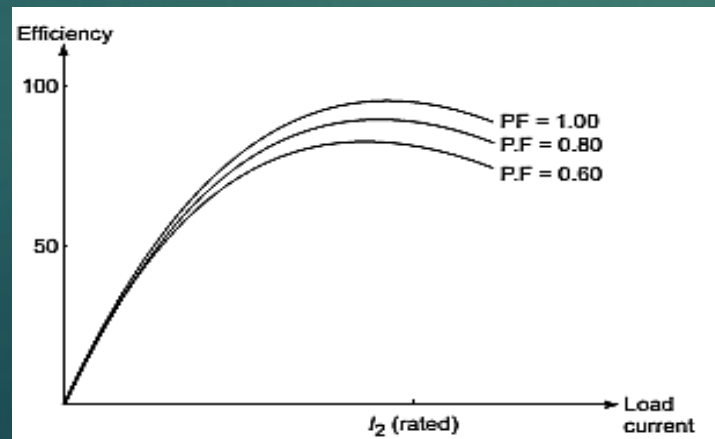
اگر بار متصل به یک ترانس را زیاد کنیم راندمان ابتدا به سرعت زیاد و سپس به آرامی کم می شود. همچنین اگر ضریب توان بار افزایش یابد، راندمان قطعا زیاد می شود چون جریان عبوری کم شده و تلفات کاهش می یابد.

$$\frac{d\eta}{dI_2} = 0 \Rightarrow P_{cu} = P_{Fe} \Rightarrow k^2 P_{cun} = P_{Fe} \Rightarrow k_m = \sqrt{\frac{P_{Fe}}{P_{cun}}}$$

$$\frac{d\eta}{d\phi} = 0 \Rightarrow \cos \phi = 1$$

پس دو شرط راندمان ماکزیمم به صورت زیر می باشد:

$$\begin{cases} k_m = \sqrt{\frac{P_{Fe}}{P_{cun}}} \\ \cos \phi = 1 \end{cases}$$



$$\eta_{\max} = \frac{k_m S_n}{k_m S_n + k_m^2 P_{cun} + P_{Fe}} = \frac{k_m S_n}{k_m S_n + 2P_{Fe}}$$

# پریونیت

با توجه به اینکه در شبکه قدرت، عددها بر حسب kv یا MW می باشد و با جابجایی از طرف اولیه به ثانویه ترانسفورماتورها یا بالعکس مقادیر پارامترهای مدار معادل به دلیل نسبت تبدیل ترانسها و اصل انتقال امپدانس تغییر می نماید، لذا سیستمی به نام پریونیت(در-واحد) پیشنهاد شده است که باعث سادگی محاسبات در سیستمهای قدرت می گردد. در این سیستم مقادیر در حد عددی کوچک(معمولا بین صفر و یک) تغییر می نمایند.

فرمول اساسی در محاسبات پریونیت برای هر پارامتری (توان، ولتاژ، جریان و امپدانس) به صورت زیر است:

$$\alpha_{P.U} = \frac{\alpha_{real}}{\alpha_{BASE}}$$

# پریونیت

$$V_{P.U} = \frac{V}{V_{BASE}}; I_{P.U} = \frac{I}{I_{BASE}}$$

$$Z_{P.U} = \frac{Z}{Z_{BASE}} = \frac{V_{P.U}}{I_{P.U}}$$

$$S_{P.U} = \frac{S}{S_{BASE}} = V_{P.U} I_{P.U}^* = P_{P.U} + jQ_{P.U}$$

برای پریونیت کردن روابط ماشینهای الکتریکی، باید  $S_n, V_n, I_n$  (توان ظاهری نامی، ولتاژ نامی و جریان نامی) را به عدد "یک" تبدیل نمود.

و بقیه پارامترهای دارای واحد، نیز پریونیت می شوند. و اندیس های طرف اولیه یا ثانویه از بین می روند چون در هر دو طرف مقادیر پریونیت برابر هستند.

$$P_{cu_n} = R_{eq} I_n^2 \Rightarrow P_{cu_{nP.U}} = R_{eq_{P.U}}$$

$$\eta = \frac{kS_n \cos \phi}{kS_n \cos \phi + P_{Fe} + k^2 P_{cu_n}} \Rightarrow \eta = \frac{k \cos \phi}{k \cos \phi + P_{Fe_{P.U}} + k^2 P_{cu_{nP.U}}} = \frac{k \cos \phi}{k \cos \phi + P_{Fe_{P.U}} + k^2 R_{eq_{P.U}}}$$

در یک ترانسفورماتور ۴۰۰ کیلوولت آمپر اگر باری با ضریب توان ۰.۸ پس فاز و ضریب بار ۱۰۰ درصد متصل شود و تلفات آهنی و مسی نامی به ترتیب ۵ و ۶ کیلووات باشد راندمان این ترانسفورماتور چقدر خواهد بود؟

$$\eta = \frac{kS_n \cos\phi}{kS_n \cos\phi + k^2 P_{cun} + P_{Fe}} = \frac{1 \times 400000 \times 0.8}{1 \times 400000 \times 0.8 + 5000 + 6000} = 96.6\%$$

در یک ترانسفورماتور ۵ کیلوولت آمپر، تلفات ثبت شده در آزمایشهای بی باری و اتصال کوتاه به ترتیب ۳۰۰ و ۱۲۰۰ وات است. ماکزیمم راندمان این ترانسفورماتور چقدر است؟

$$k_m = \sqrt{\frac{P_{Fe}}{P_{cun}}} = \sqrt{\frac{P_{o.c}}{P_{s.c}}} = \sqrt{\frac{300}{1200}} = 0.5$$

$$\eta_{\max} = \frac{k_m S_n}{k_m S_n + 2P_{Fe}} = \frac{0.5 \times 5000}{0.5 \times 5000 + 2 \times 300} = \frac{2500}{3100} = 80.6\%$$



یک ترانس تکفاز ۳۳ کیلوولت آمپر و ۵۵۰/۲۲۰۰ ولت موجود است. اگر  $R_{eqHV} = 4.4\Omega$ ,  $X_{eqHV} = 17.6\Omega$  باشد:

$$\begin{aligned} V_{BHV} &= 2200V \\ I_{BHV} &= \frac{S_B}{V_{BHV}} = \frac{33000}{2200} = 15A \quad \text{الف} \\ Z_{BHV} &= \frac{V_{BHV}^2}{S_{BHV}} = \frac{(2200)^2}{33000} = 146.7\Omega \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} V_{BLV} &= 550V \\ I_{BLV} &= \frac{S_B}{V_{BLV}} = \frac{33000}{550} = 60A \quad \text{ب} \\ Z_{BLV} &= \frac{V_{BLV}^2}{S_B} = \frac{(550)^2}{33000} = 9.16\Omega \end{aligned}$$

الف) مقادیر بیس ولتاژ، جریان و امپدانس در طرف HV را بیابید.  
ب) مقادیر بیس ولتاژ، جریان و امپدانس را در طرف LV بیابید.

ج)  $R_{eqP.U}$ ,  $X_{eqP.U}$  از دید HV و LV را پیدا کنید.

$$\left\{ \begin{aligned} R_{eqPUHV} &= \frac{R_{eqHV}}{Z_{BHV}} = \frac{4.4}{146.7} = 0.029 \\ R_{eqLV} &= \frac{R_{eqHV}}{a^2} = \frac{4.4}{4^2} = 0.275\Omega \Rightarrow R_{eqPULV} = \frac{R_{eqLV}}{Z_{BLV}} = \frac{0.275}{9.16} = 0.029 \end{aligned} \right. \quad \text{ج}$$

$$\left\{ \begin{aligned} X_{eqPUHV} &= \frac{X_{eqHV}}{Z_{BHV}} = \frac{17.6}{146.7} = 0.12 \\ X_{eqLV} &= \frac{X_{eqHV}}{a^2} = \frac{17.6}{4^2} = 1.1\Omega \Rightarrow X_{eqPULV} = \frac{X_{eqLV}}{Z_{BLV}} = \frac{1.1}{9.16} = 0.12 \end{aligned} \right. \quad \text{ج}$$

در یک ترانسفورماتور تلفات آهن ۰,۲ پریونیت می باشد و مقاومت معادل ۰,۱ پریونیت این ترانس در ضریب توان ۰,۸ پس فاز و ضریب بار ۵۰ درصد چه راندمانی دارد؟

$$\eta = \frac{kS_n \cos \phi}{kS_n \cos \phi + P_{Fe} + k^2 P_{cu_n}} \Rightarrow \eta = \frac{k \cos \phi}{k \cos \phi + P_{Fe_{P.U}} + k^2 P_{cu_{n_{P.U}}}} = \frac{k \cos \phi}{k \cos \phi + P_{Fe_{P.U}} + k^2 R_{eq_{P.U}}}$$

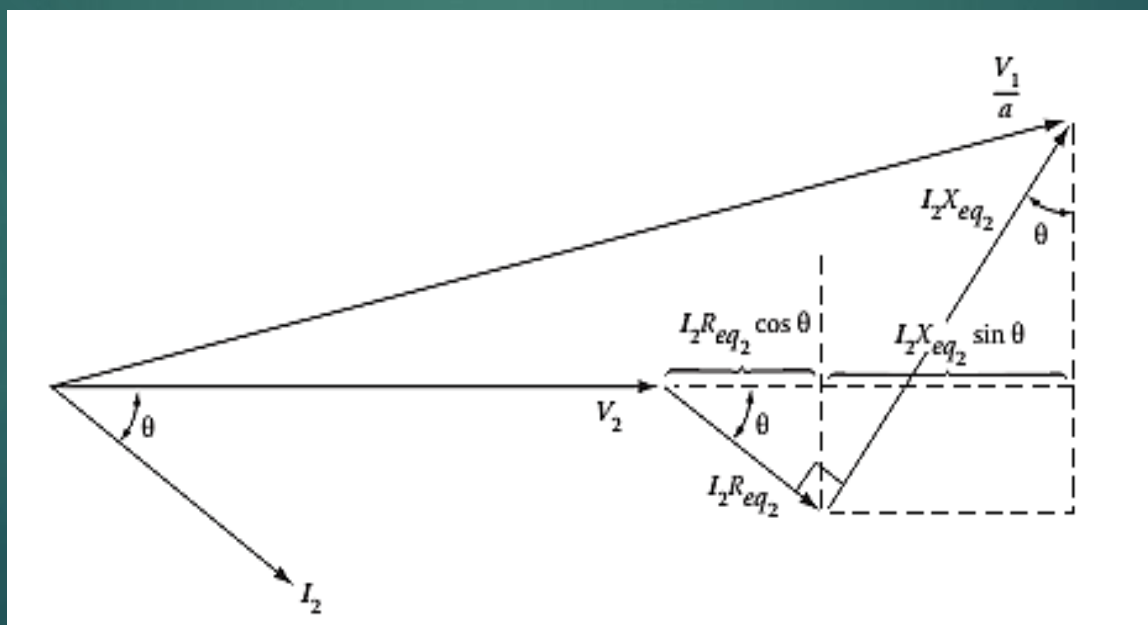
$$\eta = \frac{k \cos \phi}{k \cos \phi + P_{Fe_{P.U}} + k^2 R_{eq_{P.U}}} = \frac{0.5 \times 0.8}{(0.5 \times 0.8) + 0.2 + (0.5^2 \times 0.1)} = 0.64$$

## افت ولتاژ

$$\vec{E}_2 = \vec{V}_2 + R_{eq2}\vec{I}_2 + jX_{eq2}\vec{I}_2$$

$$\Delta\vec{V}_2 = \vec{E}_2 - \vec{V}_2 = R_{eq2}\vec{I}_2 + jX_{eq2}\vec{I}_2 = \vec{Z}_{eq2}\vec{I}_2$$

$$|\Delta V_2| \approx R_{eq2}I_2 \cos\phi \pm X_{eq2}I_2 \sin\phi$$

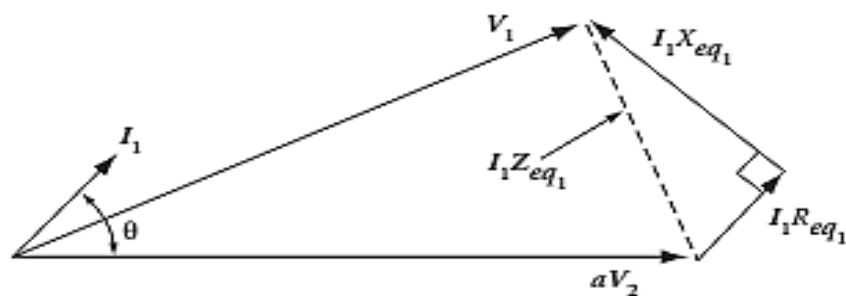
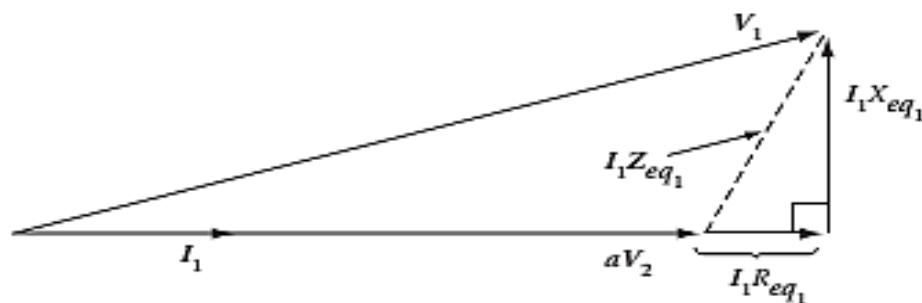
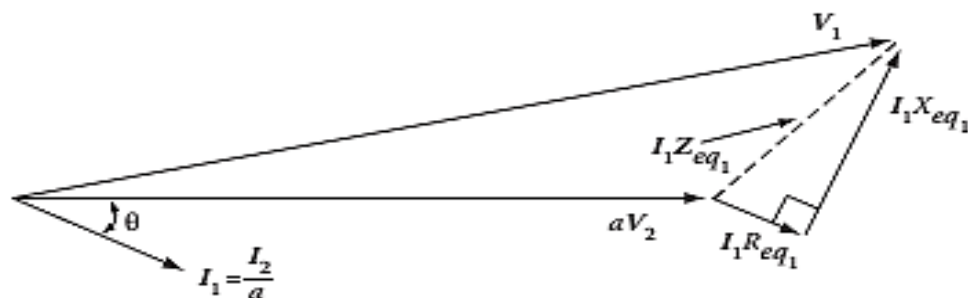


$$|\Delta V_2| \approx R_{eq2} I_2 \cos \phi \pm X_{eq2} I_2 \sin \phi$$

بار القایی (پسفاز)

بار اهمی (همفاز)

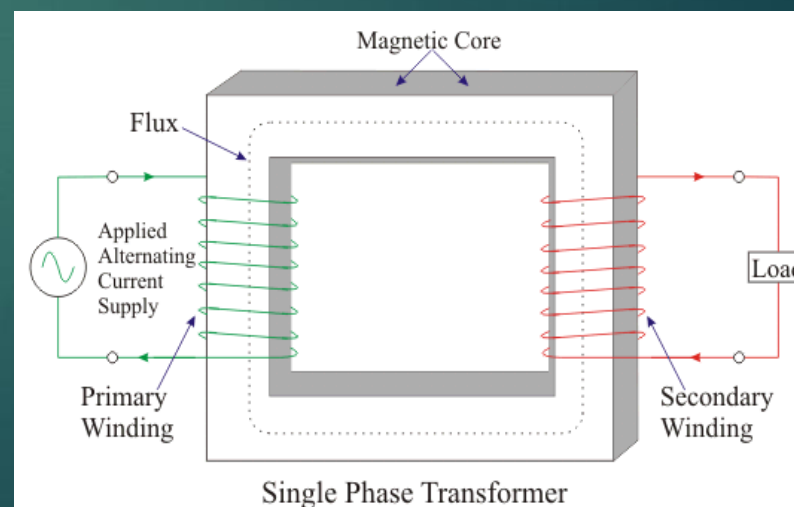
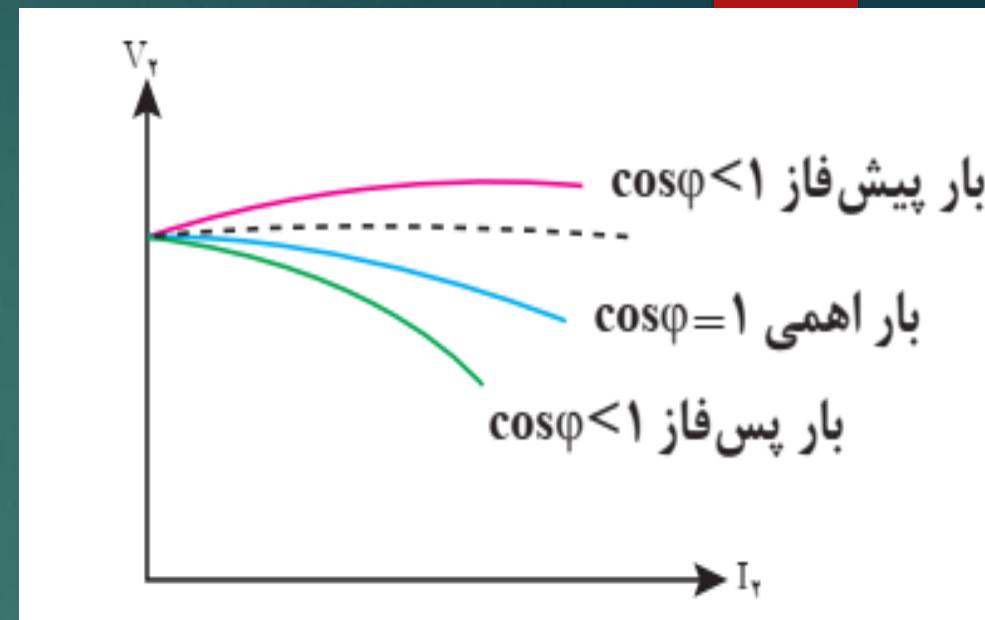
بار خازنی (پیشفاز)



$$|\Delta V_2| \simeq R_{eq2} I_2 \cos \phi \pm X_{eq2} I_2 \sin \phi$$

$$V.R = \frac{|\Delta V_2|}{|V_{2n}|} = \frac{|E_2 - V_2|}{|V_{2n}|} = \frac{R_{eq2} I_2 \cos \phi \pm X_{eq2} I_2 \sin \phi}{|V_{2n}|}$$

$$V.R = k(R_{eqP.U} \cos \phi \pm X_{eqP.U} \sin \phi)$$



# رگولاسیون صفر و مینیمم و ماکزیمم

$$V.R = k(R_{eqP.U} \cos\phi \pm X_{eqP.U} \sin\phi)$$

$$V.R = 0 \Leftrightarrow \cos\phi_{cr} = \frac{X_{eq}}{Z_{eq}}$$

رگولاسیون ولتاژ صفر در باری پیش فاز (خازنی) با ضریب توان روبرو رخ می دهد:

$$V.R = \max \Leftrightarrow \cos\phi_m = \frac{R_{eq}}{Z_{eq}}$$

رگولاسیون حداکثر در باری پس فاز (سلفی) با ضریب توان روبرو رخ می دهد:

$$V.R_{\max} = Z_{eqP.U}$$

$$V.R_{\min} = -X_{eqP.U}$$

رگولاسیون مینیمم در بار خازن خالص اتفاق می افتد.

